



Exclusion mutuelle

Master 2 Informatique - UFR S.A.T

Pr. Ousmane THIARE

ousmane.thiare@ugb.edu.sn
<http://www.ousmanethiare.com/>

13 septembre 2025

Chapitre 4 : Exclusion mutuelle

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

1 Rappel

2 Algorithme de la boulangerie

3 Exclusion mutuelle basée sur un jeton

4 Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie



Rappel

Algorithme de la
boulangerie

Exclusion
mutuelle basée
sur un jeton

Exclusion
mutuelle par
liste d'attente
répartie

Chapitre 4 : Exclusion mutuelle

Rappel

Propriétés des protocoles d'exclusion mutuelle

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Définition : à tout instant un processus au plus se trouve en section critique (SC).

Atteignabilité : si plusieurs processus sont bloqués en attente de la S.C. alors qu'aucun processus n'est en S.C, alors l'un d'eux doit y accéder en un temps fini.

Progression : un processus en attente accède à la section critique en un temps fini.

Indépendance des parties conflictuelles et non conflictuelles : un processus hors de la S.C ou du protocole d'entrée ne doit pas influencer sur le protocole d'exclusion mutuelle.

Banalisation de la solution : aucun processus ne joue le rôle privilégié.

Chaque fois que l'on proposera une solution, il faudra démontrer que ces propriétés sont bien respectées (pas toujours trivial !!).



Rappel

Cas des monoprocesseurs (ou mono-site)

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On utilise le plus souvent des solutions du type :

- variable de condition (attente active)

On celles-ci nécessitent des solution matérielles telles que soit une mémoire commune, soit un mécanisme de blocage du bus ou le masquage d'interruption $\Rightarrow$ ceci est bien évidemment impossible sur une architecture faiblement couplée $\Rightarrow$ utilisation de solution entièrement logicielle : protocole d'exclusion mutuelle.



Rappel

Cas des monoprocesseurs (ou mono-site)

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On utilise le plus souvent des solutions du type :

- variable de condition (attente active)
- sémaphore

On celles-ci nécessitent des solution matérielles telles que soit une mémoire commune, soit un mécanisme de blocage du bus ou le masquage d'interruption $\Rightarrow$ ceci est bien évidemment impossible sur une architecture faiblement couplée $\Rightarrow$ utilisation de solution entièrement logicielle : protocole d'exclusion mutuelle.



Rappel

Cas des monoprocesseurs (ou mono-site)

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On utilise le plus souvent des solutions du type :

- variable de condition (attente active)
- sémaphore
- moniteur

On celles-ci nécessitent des solution matérielles telles que soit une mémoire commune, soit un mécanisme de blocage du bus ou le masquage d'interruption $\Rightarrow$ ceci est bien évidemment impossible sur une architecture faiblement couplée $\Rightarrow$ utilisation de solution entièrement logicielle : protocole d'exclusion mutuelle.



Rappel

Cas des monoprocesseurs (ou mono-site)

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On utilise le plus souvent des solutions du type :

- variable de condition (attente active)
- sémaphore
- moniteur
- test & set (attente active)

On celles-ci nécessitent des solution matérielles telles que soit une mémoire commune, soit un mécanisme de blocage du bus ou le masquage d'interruption $\Rightarrow$ ceci est bien évidemment impossible sur une architecture faiblement couplée $\Rightarrow$ utilisation de solution entièrement logicielle : protocole d'exclusion mutuelle.



Rappel

Cas des monoprocesseurs (ou mono-site)

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Deux possibilités :

- protocole centralisé (le responsable de la ressource assure l'exclusion mutuelle). Problème : il faut qu'il y ait un tel responsable, qui en plus peut être un goulot d'étranglement



Rappel

Cas des monoprocesseurs (ou mono-site)

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Deux possibilités :

- protocole centralisé (le responsable de la ressource assure l'exclusion mutuelle). Problème : il faut qu'il y ait un tel responsable, qui en plus peut être un goulot d'étranglement
- protocole totalement décentralisé : on retrouvera ici, les deux grandes familles d'algorithmes par jeton ou estampille. Plus un algorithme particulier dans le cas où l'architecture permet le "partage" d'une mémoire (algorithme de la boulangerie).



Algorithme de la boulangerie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Lorsque l'on entre dans une boulangerie (ça marche aussi avec une boucherie...) deux cas :

- soit il y a un système de ticket (genre Casino) $\implies$ ceci peut être assimilé à un serveur de ressources : pas intéressant

L'algorithme de la boulangerie est basé sur ce principe.



Algorithme de la boulangerie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Lorsque l'on entre dans une boulangerie (ça marche aussi avec une boucherie...) deux cas :

- soit il y a un système de ticket (genre Casino) $\implies$ ceci peut être assimilé à un serveur de ressources : pas intéressant
- soit lorsqu'on entre, on s'affecte un "numéro" en "regardant" les numéros des autres, puis on attend son tour.

L'algorithme de la boulangerie est basé sur ce principe.



Algorithme de la boulangerie

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Il nécessite l'utilisation de simulation d'une mémoire partagée accessible aux processus : les variables mises dans ces mémoires par un processus sont lisibles (non modifiables) par tous les autres.

Soit **num[1..N]** : un tableau de N entiers initialisés à 0
Un processus P_i doit pouvoir "lire" le tableau mais ne peut en modifier que la case **num[i]**

Pour implémenter ce tableau, on remplace l'accès direct à **num[i]**, S_i peut donc modifier **num[i]** sans problème.
Lorsqu'un site S_k veut connaître la valeur de **num[i]**, $i \neq k$, il la demandera à S_i .

On note *Entree()* la fonction de demande de la S.C, *SC()* la fonction d'utilisation et *Sortie()* la fonction de libération de la SC.



Algorithme de la boulangerie

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie



L'algorithme

▷ *Entree()*

{

// P_i est entrant :

choix[i]=vrai

$num[i] = 1 + \max(num[0], \dots, num[N - 1])$ // par lecture du tableau

choix[i]=faux

// P_i en attente :

for(j=1 ; j $\neq$ i ; j=N-1){

{attendre que (choix[j] $\neq$ vrai)

if (num[i,i]>(num[j],j) && (num[j] $\neq$ 0)

attendre que num[j] redevienne égal à 0

}

Algorithme de la boulangerie

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

L'algorithme

▷ $Sortie() \{ num[i] = 0 \}$



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

pas d'interblocage

Supposons que P_i et P_k soient en attente et que P_i était en attente avant P_k .

Alors $\text{num}[i] < \text{num}[k] \implies P_i$ s'exécutera avant $P_k \rightarrow$ le protocole se comporte comme une FIFO $\rightarrow$ un processus ne peut qu'avancer dans la liste d'attente $\rightarrow$ il s'exécutera dans un temps fini.

De plus, même si P_i et P_k ont exécuté au même moment leur partie entrante $\rightarrow$ ils peuvent avoir le même numéro $\rightarrow$ pas grave : le choix se fera sur le numéro de processus qui lui est différent pour tous les processus.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

Montrons que : si P_i est en SC et P_k est en attente, alors P_k ne peut entrer en SC.

Cela revient à montrer que nécessairement :

$(\text{num}[k], k) > (\text{num}[i], i)$ et $\text{num}[i] \neq 0$ lorsque P_k le testera.

Soit :

- T_{a0} : l'instant où P_i écrit $\text{num}[i]$



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

Montrons que : si P_i est en SC et P_k est en attente, alors P_k ne peut entrer en SC.

Cela revient à montrer que nécessairement :

$(\text{num}[k], k) > (\text{num}[i], i)$ et $\text{num}[i] \neq 0$ lorsque P_k le testera.

Soit :

- T_{a0} : l'instant où P_i écrit $\text{num}[i]$
- T_{a1} : l'instant où P_i lit son choix[k] pour la dernière fois (pour $j=k$) $\implies$ à ce moment, $\text{choix}[k]=\text{faux}$



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

Montrons que : si P_i est en SC et P_k est en attente, alors P_k ne peut entrer en SC.

Cela revient à montrer que nécessairement :

$(\text{num}[k], k) > (\text{num}[i], i)$ et $\text{num}[i] \neq 0$ lorsque P_k le testera.

Soit :

- T_{a0} : l'instant où P_i écrit $\text{num}[i]$
- T_{a1} : l'instant où P_i lit son choix[k] pour la dernière fois (pour $j=k$) $\implies$ à ce moment, $\text{choix}[k]=\text{faux}$
- T_{a2} : l'instant où P_i termine sa dernière exécution pour $j=k$ de la seconde attente : attendre que $\text{num}[j]$ redevienne égal à 0



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

remarque 1 : $T_{a1} < T_{a2}$:

- T_{k1} : l'instant où P_k entre dans la zone "entrant"



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

remarque 1 : $T_{a1} < T_{a2}$:

- T_{k1} : l'instant où P_k entre dans la zone "entrant"
- T_{k2} : l'instant où P_k écrit num[k]



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

remarque 1 : $T_{a1} < T_{a2}$:

- T_{k1} : l'instant où P_k entre dans la zone "entrant"
- T_{k2} : l'instant où P_k écrit $\text{num}[k]$
- T_{k3} : l'instant où P_k sort de la zone "entrant"



Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

remarque 1 : $T_{a1} < T_{a2}$:

- T_{k1} : l'instant où P_k entre dans la zone "entrant"
- T_{k2} : l'instant où P_k écrit $\text{num}[k]$
- T_{k3} : l'instant où P_k sort de la zone "entrant"
- T_{k4} : l'instant où P_k teste $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

remarque 2 : $T_{k1} < T_{k2} < T_{k3} < T_{k4}$

remarque 3 : après T_{a0} , $\text{num}[i]$ ne change plus. De même, après T_{k2} , $\text{num}[k]$ ne change plus.

remarque 4 : à T_{a1} on a obligatoirement $\text{choix}[k]=\text{faux}$, d'où T_{a1} : ne peut pas être compris entre T_{k1} et T_{k3} d'où

- soit $T_{a1} < T_{k1}$ (P_k est entré en SC avant même que P_k soit entrant) et alors $\text{num}[i] < \text{num}[k]$ **CQFD**



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

remarque 2 : $T_{k1} < T_{k2} < T_{k3} < T_{k4}$

remarque 3 : après T_{a0} , $\text{num}[i]$ ne change plus. De même, après T_{k2} , $\text{num}[k]$ ne change plus.

remarque 4 : à T_{a1} on a obligatoirement $\text{choix}[k]=\text{faux}$, d'où T_{a1} : ne peut pas être compris entre T_{k1} et T_{k3} d'où

- soit $T_{a1} < T_{k1}$ (P_k est entré en SC avant même que P_k soit entrant) et alors $\text{num}[i] < \text{num}[k]$ **CQFD**
- soit $T_{k3} < T_{a1}$ (P_i a fini son calcul de $\text{num}[k]$ avant que P_i n'entre en SC)



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

■ $T_{a0} < T_{k4}$

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

- $T_{a0} < T_{k4}$
- $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{k2}

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq -1$. D'où on l'aura obligatoirement en T_{k4} **CQFD**.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq -1$. D'où on l'aura obligatoirement en T_{k4} **CQFD**.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

■ $T_{a0} < T_{k4}$

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq -1$. D'où on l'aura obligatoirement en T_{k4} **CQFD**.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

exclusion mutuelle

et alors $T_{k2} < T_{k3} < T_{a1} < T_{a2} \implies T_{k2} < T_{a2}$ donc à T_{a1} , P_i a lu pour la dernière fois le $\text{num}[k]$ qui a été choisi à T_{k2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} d'où, comme il a passé cette instruction en T_{a2} , il a OBLIGATOIREMENT trouvé $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq 0$.

Comme $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{a0} , on a nécessairement $T_{a0} < T_{k2}$. D'où

- $T_{a0} < T_{k4}$
- $\text{num}[k]$ n'a pas changé depuis T_{k2} et $\text{num}[i]$ n'a pas changé depuis T_{k2}

d'où en T_{k2} on avait déjà $(\text{num}[i], i) > (\text{num}[k], k)$ et $\text{num}[k] \neq -1$. D'où on l'aura obligatoirement en T_{k4} **CQFD**.



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Inconvénient de cet algorithme

- `num[i]` peut devenir très grand



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Inconvénient de cet algorithme

- `num[i]` peut devenir très grand
- mise en place de la mémoire commune



Algorithme de la boulangerie

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie



Inconvénient de cet algorithme

- `num[i]` peut devenir très grand
- mise en place de la mémoire commune
- attente active : le site en attente doit scruter régulièrement les tableaux `num` et `choix`

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Un jeton unique circule dans le réseau. Seul le processus possédant celui-ci est autorisé à entrer en SC.

- un processus qui veut entrer en SC : diffuse une requête et attend → dès qu'il reçoit le jeton, il entre en SC
- un processus qui reçoit une requête :
 - mémorise cette requête puis
 - s'il a le jeton et si il est en SC : terminé, rien à faire



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Un jeton unique circule dans le réseau. Seul le processus possédant celui-ci est autorisé à entrer en SC.

- un processus qui veut entrer en SC : diffuse une requête et attend → dès qu'il reçoit le jeton, il entre en SC
- un processus qui reçoit une requête :
 - mémorise cette requête puis
 - s'il a le jeton et si il est en SC : terminé, rien à faire
 - s'il a le jeton et s'il n'est pas en SC : il ré-exécute *Sortie()*



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Un jeton unique circule dans le réseau. Seul le processus possédant celui-ci est autorisé à entrer en SC.

- un processus qui veut entrer en SC : diffuse une requête et attend → dès qu'il reçoit le jeton, il entre en SC
- un processus qui reçoit une requête : mémorise cette requête puis

- s'il a le jeton et si il est en SC : terminé, rien à faire
- s'il a le jeton et s'il n'est pas en SC : il ré-exécute *Sortie()*
- s'il n'a pas le jeton : terminé, rien à faire



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Principe

Rappel

Algorithme de la
boulangerie

Exclusion
mutuelle basée
sur un jeton

Exclusion
mutuelle par
liste d'attente
répartie

- un processus qui quitte la SC :
 - si il a mémorisé une requête, il envoie le jeton



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Principe

Rappel

Algorithme de la
boulangerie

Exclusion
mutuelle basée
sur un jeton

Exclusion
mutuelle par
liste d'attente
répartie

- un processus qui quitte la SC :
 - si il a mémorisé une requête, il envoie le jeton
 - sinon : terminé, rien à faire



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On définit les types :

- JETON : un tableau de N d'entiers (pour une variable J de ce type, $(J[i], i)$ correspondra à une date sur le site S_i).

Chaque processus P_i dispose :



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On définit les types :

- JETON : un tableau de N d'entiers (pour une variable J de ce type, $(J[i], i)$ correspondra à une date sur le site S_i).
- REQUETE = {entier date ; entier émetteur}

Chaque processus P_i dispose :



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On définit les types :

- JETON : un tableau de N d'entiers (pour une variable J de ce type, $(J[i], i)$ correspondra à une date sur le site S_i).
- REQUETE = {entier date ; entier émetteur}

Chaque processus P_i dispose :

- de deux variables du type JETON : tampon et demande



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On définit les types :

- JETON : un tableau de N d'entiers (pour une variable J de ce type, $(J[i], i)$ correspondra à une date sur le site S_i).
- REQUETE={entier date ; entier émetteur}

Chaque processus P_i dispose :

- de deux variables du type JETON : tampon et demande
- deux variables booléennes : dedans et jeton_present initialisé à $(mon_numero==1)$ **(4)**



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

On définit les types :

- JETON : un tableau de N d'entiers (pour une variable J de ce type, $(J[i], i)$ correspondra à une date sur le site S_i).
- REQUETE={entier date ; entier émetteur}

Chaque processus P_i dispose :

- de deux variables du type JETON : tampon et demande
- deux variables booléennes : dedans et jeton_present initialisé à $(mon_numero==1)$ **(4)**
- une variable entière : estampille



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

```
L'algorithme pour un  $P_i$  est le suivant :  $\triangleright$  Entree()  
{ REQUETE requete ;  
  estampille++  
  requete.emetteur = mon_numero; requete.date =  
  estampille ;  
  demande[mon_numero] = estampille ;  
  diffuser(requete) /* uniquement aux autres sites */ ;  
  Si(jeton_present == faux) attendre(tampon) ;  
  dedans=vrai ;  
  jeton_present = vrai ;  
}
```



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ *Sortie()*

{ *tampon*[*mon_numero*] = *estampille*; (2)

dedans=faux ;

pour j = mon_numero + 1, ..n, 1, ..., mon_numero - 1 (3)

{ Si (demande[j] > tampon[j]) et (jeton_present == vrai) (1)

{ jeton_present=faux ; envoyer(tampon,j) ;}

}

}



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ Lorsqu'un site P_i reçoit un message il exécute :

Traiter Requete(REQUETTE requete)

{ entier $k = \text{requete.emetteur}$;

$\text{demande}[k] = \max(\text{demande}[k], \text{requete.date})$;

Si(jeton_present == vrai) et (dedans == faux) { Sortie() } }



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ Lorsqu'un site P_i reçoit un message il exécute :

Traiter Requete(REQUESTTE requete)

{ entier $k = \text{requete.emetteur}$;

$\text{demande}[k] = \max(\text{demande}[k], \text{requete.date})$;

Si(jeton_present == vrai) et (dedans == faux) { Sortie() } }



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Avec :

- **(1)** : Chaque site mémorise la date de la dernière demande des autres sites dans `demande[j]`.
Dans le processus possédant le jeton, le tableau tampon contient les dates de la dernière possession du jeton par les autres processus donc si `demande[i] < tampon[i]`, le processus P_i a été satisfait de sa demande, il n'y a pas lieu de lui envoyer le jeton

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Avec :

- **(1)** : Chaque site mémorise la date de la dernière demande des autres sites dans `demande[j]`.
Dans le processus possédant le jeton, le tableau tampon contient les dates de la dernière possession du jeton par les autres processus donc si `demande[i] < tampon[i]`, le processus P_i a été satisfait de sa demande, il n'y a pas lieu de lui envoyer le jeton
- **(2)** : Mise à jour du tampon qui sera envoyé comme jeton : le processus y met la date locale de sa dernière possession du jeton



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Avec :

- **(1)** : Chaque site mémorise la date de la dernière demande des autres sites dans `demande[j]`.
Dans le processus possédant le jeton, le tableau tampon contient les dates de la dernière possession du jeton par les autres processus donc si `demande[i] < tampon[i]`, le processus P_i a été satisfait de sa demande, il n'y a pas lieu de lui envoyer le jeton
- **(2)** : Mise à jour du tampon qui sera envoyé comme jeton : le processus y met la date locale de sa dernière possession du jeton
- **(3)** : Permet de "balayer" les sites de façon circulaire : attente bornée



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Algorithme

Avec :

- **(1)** : Chaque site mémorise la date de la dernière demande des autres sites dans `demande[j]`.
Dans le processus possédant le jeton, le tableau tampon contient les dates de la dernière possession du jeton par les autres processus donc si `demande[i] < tampon[i]`, le processus P_i a été satisfait de sa demande, il n'y a pas lieu de lui envoyer le jeton
- **(2)** : Mise à jour du tampon qui sera envoyé comme jeton : le processus y met la date locale de sa dernière possession du jeton
- **(3)** : Permet de "balayer" les sites de façon circulaire : attente bornée
- **(4)** : initialisation : seul le processus P_1 dispose initialement du jeton.

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

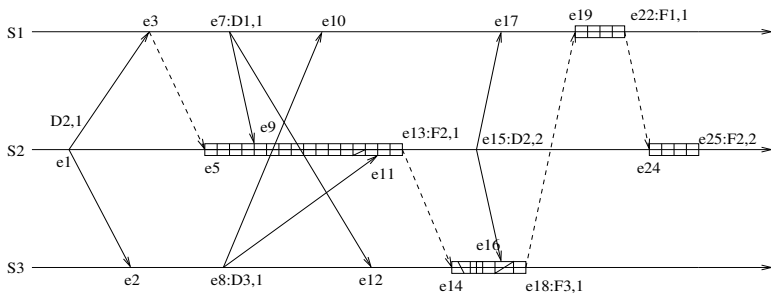
Exemple

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exemple

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Avec :

	0	1	2	3	5	7	8	9	10	11	12
dedans	F			F		F			F		
estampille	0			0		1			1		
jeton	V			F		F			F		
demande	0,0,0			0,1,0		1,1,0			1,1,1		
tampon	0,0,0			0,0,0		0,0,0			0,0,0		
Action				T(0,0,0)→ S2		R(1,1)					
dedans	F	F			V			V		V	
estampille	0	1			1			1		1	
jeton	F	F			V			V		V	
demande	0,0,0	0,1,0			0,1,0			1,1,0		1,1,1	
tampon	0,0,0	0,0,0			0,0,0			0,0,0		0,0,0	
Action		R(1,2)			SC()						
dedans	F		F				F				F
estampille	0		0				1				1
jeton	F		F				F				F
demande	0,0,0		0,1,0				0,1,1				1,1,1
tampon	0,0,0		0,0,0				0,0,0				0,0,0
Action							R(1,3)				



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exemple

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

	13	14	15	16	17	18	19	22	24	25
dedans					F		V	F		
estampille					1		1	1		
jeton					F		V	F		
demande					1,2,1		1,2,1	1,2,1		
tampon					0,0,0		1,1,1	1,1,1		
Action							SC()	T(1,1,1)→S2		
dedans	F		F						V	F
estampille	1		2							
jeton	F		F						V	V
demande	1,1,1		1,2,1						1,2,1	1,2,1
tampon	0,1,0		0,1,0						1,1,1	1,2,1
Action	T(0,1,0)→S3		R(2,2)						SC()	
dedans		V		V		F				
estampille		1		1		1				
jeton		V		V		F				
demande		1,1,1		1,2,1		1,2,1				
tampon		0,1,0		0,1,0		0,1,1				
Action		SC()				T(0,1,1)→S1				



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Exclusion mutuelle assurée ? A tout instant, il y a au plus une des variables locales `jeton_present` qui vaut vrai. En effet, au départ (4) seul `jeton_present` de P_1 est vrai et ensuite seule la réception du tampon (suite à `attendre_jeton`) modifie cette variable. Comme cet envoi est nécessairement précédé d'un `jeton_present=faux`, la propriété est vraie.

Progression ? S'il n'y a pas de processus dans la SC, alors un processus en attente recevra-t-il le jeton ? Evident : dès qu'un processus a terminé, il transmet le jeton sur simple demande ou après mémorisation.



Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Preuve

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Attente bornée ? S'il y a plusieurs processus en attente, l'ordre d'"arrivée" est-il respecté pour l'entrée en SC ?
A partir du moment où tous les messages de requêtes sont arrivés à destination (temps fini), la valeur de la j -ième entrée des tableaux demande est supérieure à celle de la j -ième entrée du jeton. Comme le processus qui tient le jeton le transmet en l'explorant de façon circulaire, un processus ne peut être précédé que de $(N-1)$ processus (dans l'ordre d'entrée dans la SC).

Remarques : Problème de la perte du jeton.

Coût en message : 0 ou N ($N-1$ pour le requête, 1 pour le jeton) par demande.



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Réseau FIFO

Chaque site gère une copie de la file d'attente (ou une "vision" de celle-ci) mise à jour par des messages de requêtes et de libération de la SC.

Chaque site doit :

- recevoir tous ces messages de requêtes et de libérations de tous les autres sites

⇒ utilisation d'horloges logiques



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Réseau FIFO

Chaque site gère une copie de la file d'attente (ou une "vision" de celle-ci) mise à jour par des messages de requêtes et de libération de la SC.

Chaque site doit :

- recevoir tous ces messages de requêtes et de libérations de tous les autres sites
- savoir les mettre *dans le bon ordre*

⇒ utilisation d'horloges logiques



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Chaque site S_i gère un tableau $F_i[1..N]$ à N entrées où chaque $F_i[j]$ (y compris $F_i[i]$) contient un message en provenance de S_j .

Les messages sont sous la forme : *(type du message, date du message, site)* où le type d'un message peut être : *hors_SC*, *requete_SC* ou *Ack*.

à $T_0 = 0$, $F_i[j] = (\text{hors_SC}, 0, j)$ pour tout i et tout j .



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Demande d'entrée en section critique** par un site S_i .

■ S_i émet en diffusion le message $(requete_SC, H_i, i)$ vers les autres sites

▷ **Sortie de la section critique** par un site S_i .



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Demande d'entrée en section critique** par un site S_i .

- S_i émet en diffusion le message $(requete_SC, H_i, i)$ vers les autres sites
- ce message $(requete_SC, H_i, i)$ est mis en tête dans la file d'attente $F_i[i]$.

▷ **Sorite de la section critique** par un site S_i .



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Demande d'entrée en section critique** par un site S_i .

■ S_i émet en diffusion le message (requete_SC, H_i, i) vers les autres sites

■ ce message (requete_SC, H_i, i) est mis en tête dans la file d'attente $F_i[i]$.

■ $H_i + +$

▷ **Sortie de la section critique** par un site S_i .



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Demande d'entrée en section critique** par un site S_i .

■ S_i émet en diffusion le message (requete_SC, H_i, i) vers les autres sites

■ ce message (requete_SC, H_i, i) est mis en tête dans la file d'attente $F_i[i]$.

■ $H_i + +$

▷ **Sorite de la section critique** par un site S_i .

■ S_i émet (hors_SC, H_i, i) vers les autres sites



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Demande d'entrée en section critique** par un site S_i .

■ S_i émet en diffusion le message (requete_SC, H_i, i) vers les autres sites

■ ce message (requete_SC, H_i, i) est mis en tête dans la file d'attente $F_i[i]$.

■ $H_i + +$

▷ **Sorite de la section critique** par un site S_i .

■ S_i émet (hors_SC, H_i, i) vers les autres sites

■ $H_i + +$



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Réception d'un message** par un site S_i .

Version 1

Sur un site S_i , à chaque événement de réception d'un message, l'horloge H_i est recalée puis

- si le message est du type $(requete, H_j, j)$: émission de (Ack, H_i, i) vers S_j



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Réception d'un message** par un site S_i .

Version 1

Sur un site S_i , à chaque événement de réception d'un message, l'horloge H_i est recalée puis

- si le message est du type $(requete, H_j, j)$: émission de (Ack, H_i, i) vers S_j
- si le message est du type (Ack, H_j, j)



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Réception d'un message** par un site S_i .

Version 1

Sur un site S_i , à chaque événement de réception d'un message, l'horloge H_i est recalée puis

- si le message est du type $(requete, H_j, j)$: émission de (Ack, H_i, i) vers S_j
- si le message est du type (Ack, H_j, j)
 - le message est placé en tête de $F_i[j]$ si tête de $F_i[j]$ n'est pas un message du type `requete_SC`



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

▷ **Réception d'un message** par un site S_i .

Version 1

Sur un site S_i , à chaque événement de réception d'un message, l'horloge H_i est recalée puis

- si le message est du type $(requete, H_j, j)$: émission de (Ack, H_i, i) vers S_j
- si le message est du type (Ack, H_j, j)
 - le message est placé en tête de $F_i[j]$ si tête de $F_i[j]$ n'est pas un message du type `requete_SC`
 - le message est ignoré sinon



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Version 2

Sur un site S_i , à chaque événement de réception d'un message, l'horloge H_i est recalée puis

- si le message est du type $(requete, H_j, j)$: émission de (Ack, H_i, i) vers S_j si tête de $F_i[i]$ n'est pas un message du type $requete_SC$

Dans les deux cas un site S_i s'octroie le droit d'entrer en SC lorsque le message en tête $F_i[i]$ est du type $requete_SC$ et que son estampille est la plus ancienne de tous les messages en tête de $F_i[j]$, $i \neq j$.



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Principe

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Version 2

Sur un site S_i , à chaque événement de réception d'un message, l'horloge H_i est recalée puis

- si le message est du type $(requete, H_j, j)$: émission de (Ack, H_i, i) vers S_j si tête de $F_i[i]$ n'est pas un message du type `requete_SC`
- si le message est du type (Ack, H_j, j) , le message est placé en tête de $F_i[j]$

Dans les deux cas un site S_i s'octroie le droit d'entrer en SC lorsque le message en tête $F_i[i]$ est du type `requete_SC` et que son estampille est la plus ancienne de tous les messages en tête de $F_i[j]$, $i \neq j$.



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Pour un site S_i

▷ $\text{Init_Site}()$ $\{ \text{pour } j = 1 \text{ à } N \{ \text{Fi}[j] = (\text{Hors_SC}, 0, j) \}$

▷ $\text{Entree_SC}()$

$\{ \text{Diffuser}(\text{requete_SC}, \text{hi}, i); \text{Fi}[i] =$
 $(\text{requete_SC}, \text{hi}, i); \text{Hi}++$

$\text{Attendre_que } (\forall j \neq i, \text{estampille de Fi}[i] < \text{estampille Fi}[j]) \}$

▷ $\text{Sortie_SC}()$ $\{ \text{Diffuser}(\text{Hors_SC}, \text{Hi}, i); \text{Fi}[i] =$
 $(\text{Hors_SC}, \text{Hi}, i); \text{Hi}++ \}$



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Lorsqu'un site S_i reçoit un message il exécute

```
▷ Reception_message((type,h,j)) /*Algorithme version un*/  
{if( $h > H_i$ )  $H_i = h$ ;  $H_i++$ ;  
switch (type) in  
    {caserequete_SC :  $Fi[j] = requete\_SC, h, j$ )  
    case Hors_SC :  $Fi[j]=Hors\_SC,h,j$ )  
    case Ack :  
        Si( $type(Fi[j]) \neq Requete\_SC$ )  $Fi[j] = (Ack, h, j)$   
    }  
}
```



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Pour un site S_i

▷ Reception_message((type,h,j)) /* Algorithme version deux */

{ if ($h > H_i$) $H_i = h$; H_i++ ;

switch (type) in

{ case requete_SC :

$Fi[j] = (\text{requete_SC}, h, j)$

 Si S_i n'est pas en SC, envoie (Ack, H_i ,i) à S_j

 case Hors_SC : $Fi[j] = (\text{Hors_SC}, h, j)$

 case Ack : Si $Fi[j] = (\text{Ack}, h, j)$

}

}



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Algorithme

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Les ordres d'entrées en SC seront traités selon l'ordre total grâce à l'estampillage car lorsqu'un site S_i décide d'entrer en SC il ne peut exister "dans le système (réseau compris)" aucun message du type `requete_SC` de S_j émis avant le sien sinon S_i l'aurait nécessairement reçu avant l'acquittement de S_j car le réseau est FIFO.

De plus, la relation d'ordre étant acyclique, le protocole est exempt d'interblocage $\implies$ atteignabilité.



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

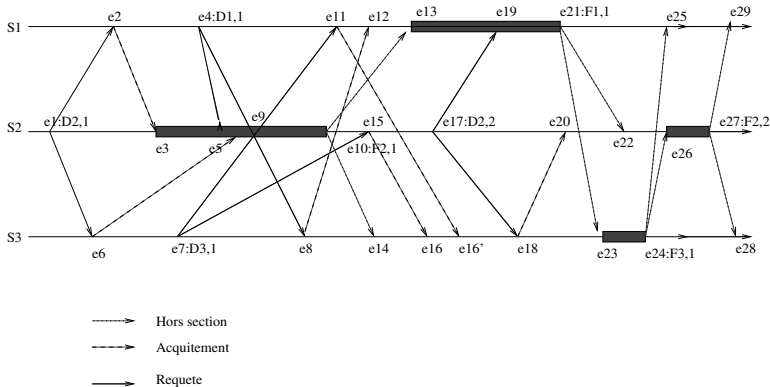
Exemple

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Exemple

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Nous donne

E	0	1	2	3	4	5	6	7	8
H1	0		1		2				
F1[1]	hs,0,1		hs,0,1		rq,1,1				
F2[2]	hs,0,2		rq,0,2		rq,0,2				
F3[3]	hs,0,3		hs,0,3		hs,0,3				
Action			E(ack,1,1)		E(rq,1,1), Att				
H2	0	1		2		3			
F2[1]	hs,0,1	hs,0,1		ack,1,1		rq,1,1			
F2[2]	hs,0,2			rq,0,2		rq,0,2			
F2[3]	hs,0,3	hs,0,3		hs,0,3		hs,0,3			
Action		E(rq,0,2), Att		SC()					
H3	0						1	2	3
F3[1]	hs,0,1						hs,0,1	hs,0,1	rq,1,1
F3[2]	hs,0,2						rq,0,2	rq,0,2	rq,0,2
F3[3]	hs,0,3						hs,0,3	rq,1,3	rq,1,3
Action							E(ack,1,3)	E(rq,1,3), Att	E(ack,3,3)



Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

Exemple

Rappel

Algorithme de la boulangerie

Exclusion mutuelle basée sur un jeton

Exclusion mutuelle par liste d'attente répartie

E	9	10	11	12	13	14	15	16	16'	17	18
H1			3	4	5						
F1[1]			rq,1,1	rq,1,1	rq,1,1						
F1[2]			rq,0,2	rq,0,2	rq,0,2						
F1[3]			rq,1,3	rq,1,3	rq,1,3						
action			E(ack,3,1)		SC()						
H2	4	5					6			7	
F2[1]	rq,1,1	rq,1,1					rq,1,1			rq,1,1	
F2[2]	rq,0,2	hs,4,2					hs,4,2			rq,6,2	
F2[3]	ack,1,3	ack,1,3					rq,1,3			rq,1,3	
action		E(hs,4,2)					E(ack,6,2)			E(rq,6,2), Att	
H3						5		7	8		9
F3[1]						rq,1,1		rq,1,1	rq,1,1		rq,1,1
F3[2]						hs,4,2		ack,6,2	ack,5,2		rq,6,2
F3[2]						rq,1,3		rq,1,3	rq,1,3		rq,1,3
action											E(ack,9,3)

